

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Физико-математический факультет

Кафедра математического анализа

УТВЕРЖДАЮ

И. о. проректора по УР

М. Х. Чанкаев

«30» апреля 2025 г., протокол № 8

Рабочая программа дисциплины  
**ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И  
МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА**

---

*(наименование дисциплины (модуля))*

Направление подготовки

**44.03.05 Педагогическое образование**

**(с двумя профилями подготовки)**

---

*(шифр, название направления)*

Направленность (профиль) подготовки

**Физика; математика**

---

Квалификация выпускника

**бакалавр**

---

Форма обучения

**Очная**

---

Год начала подготовки - **2025**

Карачаевск, 2025

Составитель: ст. преподаватель Байчорова С.К.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с ФГОС ВО по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 22.02.2018г. №125, с изменениями и дополнениями от 26.11.2020 г., № 1456, от 8.02.2021 г., №83, на основании учебного плана подготовки бакалавров по направлению 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), профиль: «Физика; математика», локальных актов КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры математического анализа на 2025-2026 учебный год, протокол №9 от 17 мая 2025г.

## Оглавление

1. Наименование дисциплины (модуля).....	4
2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы.....	4
3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы.....	4
4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся.....	5
5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.....	6
5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах) ..	6
6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы.....	7
7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю) .....	9
7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций .....	9
7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания .....	10
7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины .....	10
7.3.1. Перечень вопросов для экзамена.....	10
7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций .....	10
7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ. ..	11
8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля) .....	12
8.1. Основная литература .....	14
8.2. Дополнительная литература.....	14
9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля) .....	14
9.1. Общесистемные требования .....	14
9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины .....	15
9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения.....	16
9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы ..	16
10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья.....	16
11. Лист регистрации изменений.....	17

## 1. Наименование дисциплины (модуля):

### Теория вероятностей и математическая статистика

Целью изучения дисциплины является:

- формирование у обучающихся научного представления о вероятностных закономерностях массовых однородных случайных явлений;
- формирование у обучающихся теоретических знаний основных понятий и положений теории вероятностей и математической статистики;
- формирование практических умений применения основных теорем элементарной теории вероятностей при решении вероятностных задач;
- формирование научного представления о методах сбора, систематизации и обработки результатов наблюдений с целью выявления статистических закономерностей.

Для достижения цели ставятся задачи:

- теоретическое освоение студентами основных понятий и методов теории вероятностей и математической статистики;
- приобретение практических навыков вычисления вероятности случайных событий, исследования законов распределения случайных величин и их числовых характеристик;
- обучение студентов методам обработки статистической информации для оценки значений параметров и проверки значимости гипотез;
- обучение студентов использованию современных информационных технологий для решения вероятностно-статистических задач.

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Б1.О.07.06 «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к блоку – «Блок 1. Дисциплины (модули)», к обязательной части, предметно-методический модуль I.

Дисциплина (модуль) изучается на 2 курсе в 4 семестре.

<b>МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПВО</b>	
Индекс	Б1.О.07.06
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» опирается на входные знания, умения и компетенции, полученные по дисциплинам: «Математический анализ», «Алгебра», «Геометрия», «Дискретная математика» в объёме вузовской программы бакалавриата.	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» необходимо для успешного освоения дисциплин, формирующих компетенции УК-1; ПК-1, а также для прохождения определенных видов практик.	

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ОПВО	Индикаторы достижения сформированности компетенций
-----------------	--	--

УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Демонстрирует знание особенностей системного и критического мышления, аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение УК-1.2. Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности УК-1.3. Анализирует источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений
ПК-1	Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.1. Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета) ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 4 ЗЕТ, **144** академических часов.

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	<b>144</b>		
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) (всего)</b>			
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	<b>60</b>		
в том числе:			
лекции	30		
семинары, практические занятия	30		
практикумы			
лабораторные работы			
<b>Внеаудиторная работа:</b>			
консультация перед экзаменом			
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.			
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	<b>48</b>		

Контроль	36		
Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет/экзамен)	Экзамен		

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

*Очная форма обучения*

№ п/п	Курс /семестр	Раздел, тема дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)				
				Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа
					Лек. 30	Пр. 30	Кон-ль 36	
	2/4	<b><i>Раздел 1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей</i></b>	<b>44</b>	<b>10</b>	<b>10</b>	<b>-</b>	<b>16</b>	
1.		Вероятностное пространство. Случайные события и их классификация. Операции над событиями.	8	2	2		2	
2.		Комбинаторика, ее основные правила и элементы. Правила умножения и сложения. Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.	8	2	2		2	
3.		Вероятность. Классическое, статистическое (частотное), геометрическое определения вероятности. Аксиоматическое построение теории вероятностей.	8	2	2		4	
4.		Основные теоремы теории вероятностей. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Теоремы сложения и умножения вероятностей, и их следствия.	8	2	2		4	
5.		Формула полной вероятности. Формула Байеса. Формула Бернулли, формула Пуассона.	8	2	2		4	
		<b><i>Раздел 2. Случайные величины и законы распределения.</i></b>	<b>38</b>	<b>10</b>	<b>10</b>		<b>16</b>	
6.		Случайные величины и законы их распределения. Ряд распределения, функция распределения, плотность распределения случайной величины.	8	2	2		2	
7.		Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.	8	2	2		4	

8.		Законы распределения дискретной СВ. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения.	6	2	2		2
9.		Законы распределения непрерывной СВ: равномерный, показательный, нормальный.	8	2	2		4
10.		Закон больших чисел и предельные теоремы. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Бернулли. Центральная предельная теорема.	8	2	2		4
		<b>Раздел 3. Элементы математической статистики</b>	<b>76</b>	<b>10</b>	<b>10</b>	36	<b>16</b>
11		Вариационные ряды и их характеристики. Основные понятия. Предмет и задачи математической статистики. Вариационные ряды (статистическое распределение выборки).	8	2	2		2
12		Графическое изображение вариационного ряда. Полигон, гистограмма и комулянта выборки. Функция распределения. Числовые характеристики выборки.	8	2	2		2
13		Статистические оценки параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки. Генеральная и выборочная средняя. Оценка генеральной средней по выборочной средней.	8	2	2		4
14		Оценка генеральной средней по исправленной выборочной. Точность оценки, доверительная вероятность (надежность).	8	2	2		4
15		Оценка неизвестных параметров. Понятие оценки параметров. Метод моментов. Метод наибольшего правдоподобия. Точечная оценка вероятности события.	8	2	2		4
		Контроль	36			36	
<b>ИТОГО:</b>			<b>144</b>	<b>30</b>	<b>30</b>	<b>36</b>	<b>48</b>

## **6. Основные формы учебной работы и образовательные технологии, используемые при реализации образовательной программы**

**Лекционные занятия.** Лекция является основной формой учебной работы в вузе, она является наиболее важным средством теоретической подготовки обучающихся. На лекциях рекомендуется деятельность обучающегося в форме активного слушания, т.е. предполагается возможность задавать вопросы на уточнение понимания темы и рекомендуется конспектирование основных положений лекции. Основная дидактическая цель лекции - обеспечение ориентировочной основы для дальнейшего усвоения учебного

материала. Лекторами активно используются: лекция-диалог, лекция - визуализация, лекция - презентация. Лекция - беседа, или «диалог с аудиторией», представляет собой непосредственный контакт преподавателя с аудиторией. Ее преимущество состоит в том, что она позволяет привлекать внимание слушателей к наиболее важным вопросам темы, определять содержание и темп изложения учебного материала с учетом особенностей аудитории. Участие обучающихся в лекции – беседе обеспечивается вопросами к аудитории, которые могут быть как элементарными, так и проблемными.

Главной задачей каждой лекции является раскрытие сущности темы и анализ ее основных положений. Рекомендуется на первой лекции довести до внимания студентов структуру дисциплины и его разделы, а в дальнейшем указывать начало каждого раздела (модуля), суть и его задачи, а, закончив изложение, подводить итог по этому разделу, чтобы связать его со следующим. Содержание лекций определяется настоящей рабочей программой дисциплины. Для эффективного проведения лекционного занятия рекомендуется соблюдать последовательность ее основных этапов:

1. формулировку темы лекции;
2. указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
3. изложение вводной части;
4. изложение основной части лекции;
5. краткие выводы по каждому из вопросов;
6. заключение;
7. рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

**Практические занятия.** Дисциплины, по которым планируются практические занятия, определяются учебными планами. Практические занятия относятся к основным видам учебных занятий и составляют важную часть теоретической и профессиональной практической подготовки. Выполнение студентом практических занятий направлено на:

- обобщение, систематизацию, углубление, закрепление полученных теоретических знаний по конкретным темам дисциплин математического и общего естественно-научного, общепрофессионального и профессионального циклов;
- формирование умений применять полученные знания на практике, реализацию единства интеллектуальной и практической деятельности;
- развитие интеллектуальных умений у будущих специалистов: аналитических, проектировочных, конструктивных и др.;
- выработку при решении поставленных задач таких профессионально значимых качеств, как самостоятельность, ответственность, точность, творческая инициатива. Методические рекомендации разработаны с целью единого подхода к организации и проведению практических занятий.

Практическое занятие — это форма организации учебного процесса, направленная на выработку у студентов практических умений для изучения последующих дисциплин (модулей) и для решения профессиональных задач. Практическое занятие должно проводиться в учебных кабинетах или специально оборудованных помещениях. Необходимыми структурными элементами практического занятия, помимо самостоятельной деятельности студентов, являются анализ и оценка выполненных работ и степени овладения студентами запланированными умениями. Дидактические цели практических занятий: формирование умений (аналитических, проектировочных, конструктивных), необходимых для изучения последующих дисциплин (модулей) и для будущей профессиональной деятельности.

В процессе подготовки к практическим занятиям, обучающимся необходимо обратить особое внимание на самостоятельное изучение рекомендованной учебно-методической (а также научной и популярной) литературы. Самостоятельная работа с учебниками, учебными пособиями, научной, справочной и популярной литературой, материалами периодических изданий и Интернета, статистическими данными является

наиболее эффективным методом получения знаний, позволяет значительно активизировать процесс овладения информацией, способствует более глубокому усвоению изучаемого материала, формирует у обучающихся свое отношение к конкретной проблеме. Более глубокому раскрытию вопросов способствует знакомство с дополнительной литературой, рекомендованной преподавателем по каждой теме семинарского или практического занятия, что позволяет обучающимся проявить свою индивидуальность в рамках выступления на данных занятиях, выявить широкий спектр мнений по изучаемой проблеме.

**Образовательные технологии.** При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения. Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач, публичная презентация проекта и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

## 7. Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

### 7.1. Индикаторы оценивания сформированности компетенций

Компетенции	Зачтено			Не зачтено
	Высокий уровень (отлично) (86-100% баллов)	Средний уровень (хорошо) (71-85% баллов)	Низкий уровень (удовлетворительно) (56-70% баллов)	Ниже порогового уровня (неудовлетворительно) (до 55% баллов)
УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Демонстрирует полное знание особенностей системного и критического мышления, аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение	УК-1.1. Демонстрирует знание основ особенностей системного и критического мышления, аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение	УК-1.1. В целом демонстрирует знание особенностей системного и критического мышления, аргументированно формирует собственное суждение и оценку информации, принимает обоснованное решение	УК-1.1. Демонстрирует фрагментарное знание особенностей системного и критического мышления
	УК-1.2. Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности	УК-1.2. Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности	УК-1.2. В целом умеет применять логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности	УК-1.2. Не умеет применять логические формы и процедуры, не способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности

	УК-1.3. Анализирует источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений	УК-1.3. Анализирует основные источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений	УК-1.3. Анализирует в целом источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений	УК-1.3. Не владеет анализом источников информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений
ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач	ПК-1.1. Знает полностью структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)	ПК-1.1. Знает основные структуры, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)	ПК-1.1. Знает в целом структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)	ПК-1.1. Не знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)
	ПК-1.2. Полностью умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. В целом умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО	ПК-1.2. Не умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО
	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	ПК-1.3. В целом демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные	ПК-1.3. Демонстрирует фрагментарно умение разрабатывать различные формы учебных занятий

## 7.2. Перевод балльно-рейтинговых показателей оценки качества подготовки обучающихся в отметки традиционной системы оценивания

Порядок функционирования внутренней системы оценки качества подготовки обучающихся и перевод балльно-рейтинговых показателей обучающихся в отметки традиционной системы оценивания проводится в соответствии с положением КЧГУ «Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний обучающихся», размещенным на сайте Университета по адресу: <https://kchgu.ru/inye-lokalnye-akty/>

## 7.3. Типовые контрольные вопросы и задания, необходимые для оценивания сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины

### 7.3.1. Перечень вопросов для экзамена

#### Тема1. Основные понятия и теоремы теории вероятностей

1. Вероятностное пространство.
2. Случайные события и их классификация.
3. Операции над событиями.
4. Комбинаторика, правила умножения и сложения.
5. Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.
6. Классическое, статистическое определение вероятности. Примеры.
7. Геометрическое определения вероятности. Примеры.
8. Аксиоматическое построение теории вероятностей
9. Несовместные и независимые события.
10. Условная вероятность.

11. Теоремы сложения вероятностей.
12. Теоремы умножения вероятностей и их следствия.
13. Формула полной вероятности.
14. Формула Байеса.
15. Формула Бернулли, формула Пуассона.
16. Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа.
- Тема 2. Случайные величины и законы распределения.**
17. Ряд распределения, функция распределения случайной величины.
18. Плотность распределения случайной величины.
19. Числовые характеристики дискретной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия.
20. Числовые характеристики дискретной случайной величины: среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.
21. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия.
22. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: среднее квадратическое отклонение, мода, медиана.
23. Биномиальный, геометрический, гипергеометрический законы распределения.
24. Геометрический, гипергеометрический законы распределения дискретной СВ.
25. Равномерный, показательный законы распределения непрерывной СВ.
26. Нормальный закон распределения непрерывной СВ.
27. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева.
28. Центральная предельная теорема.
- Тема 3. Элементы математической статистики.**
29. Математическая статистика. Основные понятия.
30. Предмет и задачи математической статистики.
31. Вариационные ряды (статистическое распределение выборки).
32. Графическое изображение вариационного ряда. Полигон, гистограмма и кумулянта выборки.
33. Функция распределения.
34. Числовые характеристики выборки.
35. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.
36. Генеральная и выборочная средняя.
37. Оценка генеральной средней по выборочной средней.
38. Оценка генеральной средней по исправленной выборочной.
39. Понятие оценки параметров.
40. Метод моментов.
41. Метод наибольшего правдоподобия.
42. Точечная оценка вероятности события.

### **7.3.2. Тестовый материал для диагностики индикаторов оценивания сформированности компетенций**

#### **7.3.3. Оценочные материалы. Темы к докладам и рефератам. Варианты контрольных работ.**

1. Вероятностное пространство, случайного эксперимента.
2. Операции над событиями и их графическое представление.
3. Элементы комбинаторики: перемещения, размещения, сочетания.
4. Аксиоматическое построение теории вероятностей.
4. Теоремы сложения и умножения вероятностей, и их следствия.
5. Локальная и интегральная формула Муавра-Лапласа.
6. Формула Пуассона.

7. Ряд распределения, функция распределения, плотность распределения случайной величины.
8. Числовые характеристики случайных величин.
9. Законы распределения СВ.
10. Вариационные ряды и их характеристики.
11. Комулянта выборки. Функция распределения.
12. Числовые характеристики выборки.

### Варианты контрольных работ

#### Вариант 1

1. В лифт вошли 3 пассажира. Лифт останавливается на 4-х этажах. Найти вероятность того, что все пассажиры войдут на разных этажах. Рассмотреть случаи, когда: а) пассажиры различимы; б) пассажиры неразличимы.
2. Значения  $a$  равновозможны из интервала  $(0,1)$ , причем значения  $b$  равновозможны из интервала  $(-1, 0)$ . Сколь вероятно, что прямая  $y = ax + b$  на интервале  $(0,1)$  пересечет ось  $OX$ .
3. На двух автоматических станках изготавливаются гайки М-16 первого класса. Известно, что производительность первого станка в 2 раза больше, чем второго, и что вероятность изготовления гайки 1-го класса на первом станке равна 0,99, а на втором – 0,96. Изготовленные за смену на обоих станках гайки находятся на складе. Определить вероятность того, что наудачу взятая гайка окажется 1-го класса.
4. Случайная величина  $X$  задана интегральной функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{100} & \text{при } 0 < x \leq 10, \\ 1 & \text{при } x > 10. \end{cases}$$

Требуется найти: а) вероятность попадания случайной величины  $X$  на отрезок  $[1; 5]$ ; б) плотность распределения; в) математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

#### Вариант 2

1. В зрительном зале кинотеатра имеется 9 рядов, пронумерованных числами от 1 до 9, а в каждом ряду по 9 кресел, также от 1 до 9. Зритель наудачу занимает место. Что вероятнее: сумма номеров ряда и места в ряду окажется четной или нечетной? Вычислить эти вероятности.
2. На отрезке  $AB$  длины 8 см наудачу поставлена точка  $M$ . Какова вероятность того, что расстояние от этой точки до середины отрезка меньше, чем расстояние от этой точки до одного из краев.
3. На конвейер поступают однотипные изделия, изготовленные двумя рабочими. При этом первый составляет 60%, а второй 40% общего числа изделий. Вероятность того, что изделие, изготовленное первым рабочим, окажется нестандартным, равна 0.002, вторым – 0.01. Взятое наудачу с конвейера изделие оказалось нестандартным. Определить вероятность того, что оно изготовлено: а) первым рабочим; б) вторым рабочим.
4. Случайная величина  $X$  задана интегральной функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{36} & \text{при } 0 < x \leq 6, \\ 1 & \text{при } x > 6. \end{cases}$$

Требуется найти: а) вероятность попадания случайной величины  $X$  на отрезок  $[-2; 3]$ ; б) плотность распределения; в) математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

### Вариант 3

1. Числа 1, 2, 3, 4, записанные на внешне одинаковые карточки, вынимаются по одному и располагаются в возрастающем порядке, образуя стопки. Каждое появление меньшего числа кладет начало образованию новой стопки. Какова вероятность того, что получится ровно две стопки?

2. На окружности радиуса  $R = 2$  наугад взято две точки. Какова вероятность того, что расстояние между ними не превышает  $\frac{\pi}{6}$ , если это расстояние отсчитывается на окружности как наименьшая из дуг, их соединяющая?

3. На двух автоматических станках изготавливаются одинаковые валики. Вероятность изготовления валика высшего сорта на первом станке равна 0,92, на втором – 0,8. Изготовленные валики находятся на складе в случайно образовавшемся порядке. Валиков, изготовленных на первом станке, в 3 раза больше, чем на втором. Взятый наудачу со склада валик оказался высшего сорта. Определить вероятность того, что он произведен на первом станке.

4. Случайная величина  $X$  задана интегральной функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x^2}{64} & \text{при } 0 < x \leq 8, \\ 1 & \text{при } x > 8. \end{cases}$$

Требуется найти: а) вероятность попадания случайной величины  $X$  на отрезок  $[0; 4]$ ; б) плотность распределения; в) математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

### Вариант 4

1. Два игрока подбрасывают монету – первый 3 раза, а второй – 2 раза. Определить вероятность того, что число орлов у первого игрока больше, чем у второго.

2. На отрезке  $AB$  длины 10 см наудачу поставлены две точки  $M$  и  $K$ . Они делят отрезок на три части. Какова вероятность того, что длина каждой из частей не превосходит 5 см?

3. Технологический процесс был расстроен и в силу этого в среднем 20% продукции были бракованными. Каждая деталь из этой продукции поступала на контроль, который был несовершенным: если деталь была хорошей, то контроль пропускал ее в продажу с вероятностью 0,9, если же деталь была бракованной, то на контроле ее браковали с вероятностью 0,75. Покупатель наугад выбирает одну деталь из большой партии проконтролированной продукции. Какова вероятность того, что покупка окажется с дефектом?

4. Случайная величина  $X$  задана интегральной функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 0, \\ \frac{x}{2} \left( 2 - \frac{x}{2} \right) & \text{при } 0 < x \leq 2, \\ 1 & \text{при } x > 2. \end{cases}$$

Требуется найти: а) вероятность попадания случайной величины  $X$  на отрезок  $[-2; 2]$ ; б) плотность распределения; в) математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

## 8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

### 8.1. Основная литература

1. Балдин, К. В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. - 6-е изд., стер. - Москва : Дашков и К, 2023. - 472 с. - ISBN 978-5-394-05335-1. - Текст : электронный. - URL:

<https://znanium.com/catalog/product/2084482> (дата обращения: 07.07.2024). – Режим доступа: по подписке.

2. Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах: учебное пособие / П.Н. Сапожников, А.А. Макаров, М.В. Радионова. — Москва : КУРС: ИНФРА-М, 2022. — 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1036516> (дата обращения: 07.07.2024). – Режим доступа: по подписке.

3. Бочаров, П. П. Теория вероятностей. Математическая статистика [Электронный ресурс] / П. П. Бочаров, А. В. Печинкин. - 2-е изд. - Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2005. - 296 с. - ISBN 5-9221-0633-3. - Текст : электронный. - URL:

<https://znanium.com/catalog/product/405754> (дата обращения: 07.07.2024). – Режим доступа: по подписке.

### 8.2. Дополнительная литература

1. Белько, И. В. Теория вероятностей, математическая статистика, математическое программирование : учебное пособие / И. В. Белько, И. М. Морозова, Е. А. Криштапович. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 299 с. : ил. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-011748-5. - Текст : электронный. - URL:

<https://znanium.ru/catalog/product/1862599> (дата обращения: 07.07.2024). – Режим доступа: по подписке.

## 9. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

### 9.1. Общесистемные требования

#### Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»

Каждый обучающийся в течение всего периода обучения обеспечен индивидуальным неограниченным доступом к электронной информационно-образовательной среде (ЭИОС) Университета из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», как на территории Университета, так и вне ее.

Функционирование ЭИОС обеспечивается соответствующими средствами информационно-коммуникационных технологий и квалификацией работников, ее

использующих и поддерживающих. Функционирование ЭИОС соответствует законодательству Российской Федерации.

Адрес официального сайта университета: <http://kchgu.ru>.

Адрес размещения ЭИОС ФГБОУ ВО «КЧГУ»: <https://do.kchgu.ru>.

### Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 249 эбс от 14.05.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://znanium.com">https://znanium.com</a>	от 14.05.2025г. до 14.05.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № 10 от 11.02.2025 г. Электронный адрес: <a href="https://e.lanbook.com">https://e.lanbook.com</a>	от 11.02.2025г. до 11.02.2026г.
2025-2026 учебный год	Электронно-библиотечная система КЧГУ. Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г. Протокол № 1. Электронный адрес: <a href="http://lib.kchgu.ru">http://lib.kchgu.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Национальная электронная библиотека (НЭБ). Договор №101/НЭБ/1391-п от 22.02.2023 г. Электронный адрес: <a href="http://rusneb.ru">http://rusneb.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU». Лицензионное соглашение №15646 от 21.10.2016 г. Электронный адрес: <a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	Бессрочный
2025-2026 учебный год	Электронный ресурс Polpred.com Обзор СМИ. Соглашение. Бесплатно. Электронный адрес: <a href="http://polpred.com">http://polpred.com</a>	Бессрочный

#### 9.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины

Занятия проводятся в учебных аудиториях, предназначенных для проведения занятий лекционного и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в соответствии с расписанием занятий по образовательной программе. С описанием оснащённости аудиторий можно ознакомиться на сайте университета, в разделе материально-технического обеспечения и оснащённости образовательного процесса по адресу: <https://kchgu.ru/sveden/objects/>

### **9.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения**

- MicrosoftWindows (Лицензия № 60290784), бессрочная
- MicrosoftOffice (Лицензия № 60127446), бессрочная
- ABBY FineReader (Лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
- CalculateLinux (внесён в ЕРПП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
- Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
- Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 25.01.2023 г. по 03.03.2025г.
- Kaspersky Endpoint Security. Договор №0379400000325000001/1 от 28.02.2025г. Срок действия лицензии с 27.02.2025г. по 07.03.2027г.

### **9.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir<http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.
4. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.
5. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
6. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
7. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window/edu.ru>.

### **10. Особенности организации образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В ФГБОУ ВО «Карачаево-Черкесский государственный университет имени У.Д. Алиева» созданы условия для получения высшего образования по образовательным программам обучающихся с ограниченными возможностями здоровья (ОВЗ).

Специальные условия для получения образования по ОПВО обучающимися с ограниченными возможностями здоровья определены «[Положением об обучении лиц с ОВЗ в КЧГУ](#)», размещенным на сайте Университета по адресу: <http://kchgu.ru>.

### 11. Лист регистрации изменений

В рабочей программе внесены следующие изменения:

<b>Изменение</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета факультета/ института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений в ОПВО</b>	<b>Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения в ОПВО</b>